宇宙航空研究開発機構特別資料 JAXA Special Publication

第39回流体力学講演会/

航空宇宙数値シミュレーション技術シンポジウム2007論文集

Proceedings of 39th Fluid Dynamics Conference/ Aerospace Numerical Simulation Symposium 2007

開催日:平成19年6月14日(木)~15日(金) 開催場所:宇宙航空研究開発機構 航空宇宙技術研究センター

> 14June~15June, 2007 Japan Aerospace Exploration Agency

> > 2008年2月 February 2008

宇宙航空研究開発機構

Japan Aerospace Exploration Agency

			—	目	次	—		
1.	流体力学、言 一圧 徳永宏(京都	計算流体力学 Ξ縮性流体の言 都工芸繊維大	、工学の接 乱流からマ~ :学)	点を歩いて イクロ・ナノ流	で体まで-・			• 1
2.	ADER High- E.F.Toro(Tr	-Order Schem ento 大学工学	.es for Evolu 幹部)	utionary PD	Es: a Brief	Review·····		• 7
3.	圧縮揚力によ 〇金森正史	くる超音速デノ 1(東大院)、今	レタ翼の揚打 対宰、鈴木	抗比増加に ■ ■ 宏二郎 (東	関する数値角 大新領域)	释析 • • • • • • • •		17
4.	超音速複葉3 永井大樹、 浅井圭介(1	翼の干渉流れ ○齋藤賢一(〕 東北大工学研	に関する実 東北大工学 究科)	験的研究… :研究科)、小	····· 、川俊広(東	北大流体研)、		22
5.	境界層強制選 空気力につい 〇澤田秀夫	遷移に伴う臨身 いて・・・・・・・ 、須田信一(J	界レイノルズ AXA)	数前後の球 ・・・・	に作用する	支持干渉の無レ	۱	28
6.	チュ−ブトレ- ○若山一樹	インの亜音速/ (東大院)、鈴	/遷音速空力 木宏二郎()	り特性の数値 東大新領域	直解析 • • • •)			33
7.	差分格子ボル 〇田村明紀、	レツマン法によ 、蔦原道久、片	るBVIの数 †岡武(神戸	牧値解析・・・ ⁵ 大院)、青口	・・・・・・・ 山剛史、梁印	 忠獏(JAXA)		39
8.	垂直軸型風ノ ○近藤夏樹	り発電システュ 、朝治邦裕(日	ムの開発に~ 日本飛行機)	ついて・・・・)				45
9.	東京大学柏キ 〇今村宰(東 柏風洞ワー	テャンパス極起 夏大新領域)、 - キンググル –	経音速風洞の 綿貫忠晴(〕 -プ(東大)	の気流特性に 東大工学系	こついて・・ 研究科)、鈶	計本宏二郎(東大	:新領域)、	50
10.	軽量アブレ- ○小林祐介 加藤純朗	-タの熱応答 、酒井武治(× 1(川崎重工)	特性解析・・ 名大)、奥山	圭一(津山	 工業高専)、	 鈴木俊之、藤田	l和央(JAXA)、	56
11.	Hybrid 格子 〇保江かな-	を用いた点緩 子、澤田恵介	和型陰的 [(東北大院)	Discontinuou	ıs Calerkin	法の検討・・・・・		62
12.	横流れを考慮 ○金崎雅博、	慮した高揚力 今村太郎(JA	翼型展開形 XA)、鄭信	態の設計探 圭(東北大洲	≹査・・・・・・ 荒体研)、山⊅	本一臣(JAXA)		68
13.	連続モデルる 相曽秀昭(J	と離散モデル AXA)	の適合性か	ら見た信頼	性の議論・			75
14.	構造メッシュ 〇名古屋靖	差分法におけ 一郎(アーク)	る任意渦度 青報システム	その流れ場の ム)、高橋匡))生成 ・・・・ 康、相曽秀田	R、岸恭子 (JAX	A)	81

.

15.	大規模シミュレーションによる平行平板間乱流の DNS データベースの構築・・・・・・・・・ 87 ○阿部浩幸(JAXA)、河村洋(東京理科大)
16.	格子量子色力学の大規模シミュレーション・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
17.	大規模並列連成シミュレータのための開発支援・実行環境ミドルウェアの開発・・・・・・・・ 95 〇小野謙二(理化学研)、玉木剛(富士通長野システムエンジニアリング)
18.	TSUBAME Grid Cluster ······ 101 〇西川武志(東工大学術国際情報センター)、松岡聡(国立情報学研)
19.	LEE によるロケットの音響効果予測 ······107 〇岩永則城、金田英和(計算力学研究センター)、村上桂一(JAXA)、北村圭一(名大)、 橋本敦、青山剛史(JAXA)、中村佳朗(名大工)
20.	液滴による空力騒音低減に関する研究・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
21.	FDTD 法によるハニカムモデルの音響透過解析・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
22.	搭載宇宙機の音響構造連成解析手法に関する研究・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
23.	ヘリコプタの旋回飛行に関する数値解析・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
24.	非定常羽ばたき翼周りの流れの数値計算・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
25.	低圧空気極小プラズマジェットの膨張流領域における放射特性
26.	2気筒 PDE における気筒間干渉について・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
27.	圧縮性オイラ-及びナビエ・スト-クス方程式を解くための気泡関数要素を用いた 有限要素法・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
28.	表面張力による液糸分断機構の解明に関する数値解析・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・
29.	JAXA 高揚力装置風洞模型を用いた CFD ワークショップのまとめ・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・

.

- 35. H-ⅡA ロケット打ち上げ時に排気プルームから生じる圧力波の発生/伝播に関する研究・202 ○堤誠司、河合宗司、高木亮治、藤井孝蔵、有田誠(JAXA)
- 36. ロケット煙道の音響特性に関する研究 ······ 208 〇村上桂一(JAXA)、北村圭一(名大)、橋本敦、青山剛史(JAXA)、中村佳朗(名大)

流体力学、計算流体力学、工学の接点を歩いて

徳永宏,京工繊大,〒606-8585 京都府京都市左京区松ヶ崎御所海道町,E-mail:tokunaga@kit.ac.jp

Researches for Contact Point between Fluid Dynamics, Computational Fluid Dynamics and Engineering

Hiroshi TOKUNAGA, Mechanical & System Eng. Dept., Kyoto Inst. Tech., Matsugasaki, Sakyo-ku, Kyoto 606-8585

The research works of the present author are reviewed. The begining of turbulence research is about compressible fluid and then extended to transition and drag reduction by making use of higher order accurate difference method and LES. The vorticity-stream function method, which is used in theoretical research, as well as vorticity-vector potential method, is extended in order to study flows with engineering importance which are associated with multi-element airfoil, journal bearing, lobe pump, natural thermal convection, viscous micropump and micropump on silicon wafer.

1.はじめに

現在乱流は、3次元の多数の渦が複雑に相互作用す るシステムであることが分かっている。私が、京都大学 の物理学科の流体物理学研究室に入った頃は、コン ピュータはやっと科学技術計算に使用され始めたばかり のころで、1次元の流体の計算が主流であった。した がって、乱流についての、上述の考え方は、Saffmann により提唱されてはいたが、確かめることは出来なかっ た。その代わりに、3次元の流体運動の非線形性で渦が 作られるように、1次元の流体では Burgers 方程式が取 り扱える方程式であり、3角衝撃波が非線形性で作られ、 乱流のモデルとして、三角衝撃波の集合を考え、その統 計的性質が理論や数値シミュレーションで研究されてい た。私は、この考えを拡張し、1次元の圧縮性流体の乱 流を弱い衝撃波の集合として捕らえる研究に着手し、理 論および数値シミュレーションで先駆的な研究を行った ^{(1)~(2)}。また、この考えは、2次元の圧縮性流体の乱流 にも適用できることが分かった⁽³⁾。次に、2次元の乱流 を扱い、これが多数の渦糸からなるという,統計力学の 研究で高名なOnsagerの考え方を応用し、乱流混合層の 数値シミュレーションを実行し、種々の乱流の統計的性 質や乱流混合層の特徴を抽出することに成功した⁽⁴⁾。

2、流れの安定性と乱流遷移の数値シミュレーション 乱流の数値シミュレーションを乱流の理論と矛盾な く実行するためには、層流が如何にして乱流に遷移する かをまず見定める必要がある。MITのOrszag教授は、 この問題に初めて正面から取り組んだが、その際、計算 方法として擬スペクトル法を用いた。この方法は大変巧 妙な方法で、流れが層流から乱流に移行するとき、流れ は次々と細かいスケールを生み出してゆくが、この方法 では、用いているスペクトル法の解像度より細かいス ケールの渦は、自動的にカットするように仕組まれてい る。従って、格子解像度が悪くても、それなりの結果を 出すことが可能である。しかし、純粋の差分法では、自 身の解像度を超えると、計算は発散し、なかなか乱流遷 移をとらえることは出来ない。私のところでは、高次精 度の差分法を用い、この問題を扱い、Kleiser らと同じ 時期に乱流に遷移する直前までの計算を行った^{(5)~(6)}。 しかし、差分法では限界があり、発達した乱流の計算を 遂行するまでには至らなかった。この次期に、LES によ る乱流の数値シミュレーションで高名な、スタンフォー ド大学の Moin 教授と知り合い、同大学で1年間研究す ることになった。(CTR-乱流研究センターは同大学と NASA エームズ研究所にまたがって設置されており、研 究は主として、エームズ研究所に籍を置き、CRAY

YMPを用いて数値シミュレーションを行っていた。当時、LESの新しいモデルとして、Dynamic Subgrid Scale Model が CTR で開発途上にあり、これを 4 次精度の差分法と渦度・ベクトルポテンシャル法と組み合わせる研究を行っていた。

3. 乱流の LES による計算

微小な撹乱に対しては安定であるが、有限の撹乱に対 しては乱流に遷移し得る、所謂亜臨界の乱流遷移の数値 シミュレションには、LESを用いて成功することができ た。また、微小な撹乱についても乱流遷移を起こす超臨 界の乱流遷移の数値シミュレションにも成功することが できた。図1は、チャネル壁面の抵抗係数が、層流から 乱流になるとき、急激に増大することを示している⁽⁷⁾。



Fig. 1: Time history of skin friction on channel walls

CTR では、多くの側面から乱流が研究されていた が、そのなかで、リブレットによる抵抗低減の研究も行 われていた。航空機では、少し抵抗を減らしただけで も、多くの燃料の節約が達成され、重要な研究課題であ る。この研究に刺激されトランスバース・リブレットに よる壁面抵抗低減の数値シミュレーションを実行した。 リブレットの構造を図2に、上下壁面の全抵抗(摩擦及 び圧力抵抗)の時間変化を図3に示す。リブレットを持 つ壁面の抵抗低減が示されている^{(8)~(9)}。図4は、上 下壁面と横断面における等渦度線である。リブレットに よって乱流が大きな変化を受けることが示されている。

4.高迎角多要素翼型周りの流れ場への渦度・流れ関数 法の適用

渦度・流れ関数法は、流体力学の教科書には殆ど全て



Fig. 2: Schematic view of transverse riblet



Fig. 3: Time history of total drag



Fig. 4: Vorticity contours on channel walls and mid span

掲載されており、非圧縮性流れで重要となる連続の式を 厳密に満足でき、理論的取り扱いを容易にできる方法で ある⁽¹⁰⁾。しかし、この方法を工学で重要となる流れに 適用するとき、領域の多重連結性から生じる問題を克服 しなければならない $^{(11)}$ 。

基礎方程式は渦度 ω に対する渦度輸送方程式 (1) と 流れ関数 ψ にたいするポワソン方程式 (2) に対して

$$\frac{\partial\omega}{\partial t} + u\frac{\partial\omega}{\partial x} + v\frac{\partial\omega}{\partial y} = \frac{1}{Re}\left(\frac{\partial^2\omega}{\partial x^2} + \frac{\partial^2\omega}{\partial y^2}\right) \tag{1}$$

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} = -\omega \tag{2}$$

であり、圧力が方程式から消去されている。

図5は、単独翼を過ぎる流れに相当するが、2重連結 領域の流れとなり、物体上の流れ関数の値は予め知るこ とはできない。



Fig. 5: Multiply connected flow

NASA エームズ研究所で研究していたとき、同じフ ロアにおられた当時計算流体力学ブランチ・チーフの J. Kim (現 UCLA 教授)とこの方法について相談をしてい たとき、同教授の意見として、いい方法ではあるが、克 服すべき点をいくつか提案された。このとき、明瞭には 同教授は指摘されなかったが、航空機の翼を過ぎる流れ などに応用する場合、多重連結領域の流れを扱うことに なり、このときいくつか方法を模索していたが、完成は していなかった。 渦度・流れ関数表示において複数物



Fig. 6: Separation of flow field (3 bodies)

体を含むような多重連結の流れ場を解く際、各物体間の 流量が分からなければ境界条件として物体表面上の流れ 関数を設定することが困難になる。また任意の値を与え たとしても方程式は解けるが、その解は実際の流れ場に は適さないものとなる恐れがある。そこで、実際の流れ 場に適した境界条件として正しい流れ関数の値を求める ために式(3)の圧力一価の条件を用いることができる。

$$\oint \frac{\partial P}{\partial s} ds = \frac{1}{Re} \oint \frac{\partial \omega}{\partial n} ds = 0 \tag{3}$$

ここで左辺の壁面上の圧力勾配の計算に用いる $\partial p/\partial s$ は、ナビエ・ストークスの方程式により導出されている。 圧力一価の条件を適用するために、流れ場を要素に分離 する方法を用いる.エアバス社の3要素翼を解析対象と して、Slat、主翼、Flapを順に物体X、Y、Zとする。 流れ場における流れ関数 ψ 、 ω を次のように便宜的に分 離する。

$$\psi = \psi_1 + A(t)\psi_2 + B(t)\psi_3 + C(t)\psi_4 \tag{4}$$

$$\omega = \omega_1 + A(t)\omega_2 + B(t)\omega_3 + C(t)\omega_4 \tag{5}$$

式 (5) を圧力一価の式 (3) に代入し、係数 B_k (k= 2~4) を求める。

Re = 500 の場合において数値計算を行った。図7に主 翼とSlat、主翼とFlapの狭い領域に生成された格子を 示す。非構造有限体積法で計算を遂行すると、無次元時





(b)Flap and main wing Fig. 7: Unstructed triangular grid along multi-element airfoil

間 T = 3.6 の流線図 のようにフランスのグループの計 算と良好に一致する $(12) \sim (13)$ 。

5.ポンプ内流動の数値シミュレーションへの応用 上記の方法は、圧力差の条件を新たに加えることで、 工学上重要なポンプ内流れを扱うことができる。容積型 ポンプ内流れ^{(14)~(15)}に用いた格子を図9に示す。主格







Fig. 9: Overset grid for lobe pump

子 (253x41)、補助格子 (209x21) からなる。また、ポン プのように、ローターが流体中を動いて、仕事をする場 合、流体力学の講義であるように、物体が流線になるこ とはなく、この場合、具体的には上側及び下側のロータ の (x_1, y_1) と (x_2, y_2) の位置の回転速度を (u_1, v_1) , (u_2, v_2) とすると、流れ関数はそれぞれ

$$\psi = -v_1 x_1 + u_1 y_1, \quad \psi = -v_2 x_2 + u_2 y_2 \tag{6}$$

で与えられ、流線が物体に突っ込む場合も起こりうる。 この様子が図 10 に示されている。同様な方法により、



Fig. 10: Stream lines and vorticity contours in lobe pump

機械工学で重要なジャーナル・ベアリング内流れの非定 常解析も行われている⁽¹⁶⁾。

6.熱対流を伴う流れへの応用

流体の温度変化があり浮力が重要となる流れに対し ても、上記の方法は有効である。高温の物体が低温の容 器内にある場合の流れの計算例を図 11 に示す⁽¹⁷⁾。計 算結果は、Van Dyke の"Album of Fluid Motion"⁽¹⁸⁾ の中にある、Girgull & Hauf⁽¹⁹⁾の実験と良好な一致を 示している。



Fig. 11: Isotherms in concentric cylinders and experimental result of Grigull & Hauf, from An album of fluid motion ($Gr = 1.2 \times 10^5$)

7.血液循環の数値シミュレーション (TCPC) 心臓に欠陥がある場合手術により、左右心房、心室に バイパスを設け、心臓を機能させる方法があり、TCPC と呼ばれている。図12 に示すように TCPC 内の流れは 5 重連結領域となる。



Fig. 12: Scematic view of TCPC

計算格子は図 13(a) のようになる。SVC-RUPA 間の圧 力差を p'_{ru} 、SVC-LUPA 間の圧力差を p'_{lu} 、IVC-RLPA 間の圧力差を p'_{rl} 、IVC-LLPA 間の圧力差を p'_{ll} とし、流 入・流出口間の圧力差を $p'_{ru} = -1.0$ 、 $p'_{lu} = -1.0$ 、 $p'_{rl} = -1.0$ 、 $p'_{ll} = -1.0$ とおいて計算を行ったのが 図 13(b) である。 続いて、流入・流出口間の圧力差を $p'_{ru} = -3.269$ 、 $p'_{lu} = -3.409$ 、 $p'_{rl} = -1.277$ 、 $p'_{ll} = -1.416$ とおいて計 算を行った結果を図 14(a) に示す。後者のケースで、本

結果は Sheu ら $^{(20)}$ の計算結果 14(b) と比較して良く一 致する結果となっている $^{(21)}$ 。

8.マイクロ・ナノ流体

コンピュータの CPU を作る、近年の微細加工技術の 長足の進歩により、マイクロ・ナノスケールのポンプや タービンの製作が可能となり、また MIT では、マイク ロガスタービンの研究もなされ、ペンシル型ロケットを 宇宙に送り出す計画もなされている。流れの分野で、ス ケールが小さくなると、ナビエ・ストークスから、慣性 のないストークス方程式で流れが支配されるようにな



(b) stream lines Fig. 13: Multi-domain grid and stream lines for TCPC ($\Delta p = -1.0, -1.0$)



Fig. 14: Stream lines for TCPC ($\Delta p = -3.269, -3.409, -1.277, -1.416$) and result of Sheu et al.

る。通常のスケールのポンプなどは、流体の慣性力で動いており、これがなくなると、ポンプなどは、根底から考え直す必要がある。また、更に小さくなると、希薄流体で支配される領域も現れる。Gad-el-Hak 教授らはこの分野で先駆的な研究を行い、マイクロチャネル内で円柱のロータをを回転させるポンプを提案している⁽²²⁾。マイクロチャネルの圧力差を $\Delta p = 0, 2$ 及び 4 と変えて、数値シミュレーションを行った⁽²³⁾。図 15 のように、ストークス流にも拘わらず渦が重要な役割を果たしていることが見て取れる。 最近では人口細胞内の液体駆動や DNA の集合・収縮に使われる実用的なマイクロポンプの開発が期待されている⁽²⁴⁾。図 16 に示すのは、シリコンウェファでつくられた医療用のマイクロポンプである。マイクロポンプ内流



 $\Delta p = 4.0$

Fig. 15: Stream lines in viscous micropump

れの計算については,2つの流入・流出部の格子とケー シング内とブレード間の直交格子をつなぎ合わせる事で 計算を行なう17。ロータが回転するので、クリアランス 部の円周方向の中心部で滑り格子の形になる⁽²⁵⁾。



Fig. 16: Micropump on silicon wafer by Ahn et al.



Fig. 17: Analytical slide grid around rotor

渦度の等高線とポンプ流入部の速度ベクトル線図を 図 18 に示す。ブレード間の溝に 2 つの渦が存在してい る。また,ポンプの右上部の流出部の部分で大きな渦の チャンネル方向への拡大が見られる.流入は流体の慣性 力がないため、渦により流体がポンプ内に運ばれている 様子が見られる。

9.まとめ

流体力学、計算流体力学、航空工学、機械工学の多く の諸先生と交流することにより、刺激を受け、種々の研 究を行い、学会に貢献できたことに対して、お礼を申し 上げたいと思います。



Velocity vectors

Fig. 18: Vorticity contours and Velocity vectors in inlet part at 0/3 period

- T. Tatsumi and H. Tokunaga, One-dimensional shock turbulence in a compressible fluid, J. Fluid Mech., (1974), 65,3,pp. 581-601.
- (2) H. Tokunaga, The Statistical Theory of One-Dimensional Turbulence in a Compressible Fluid, J. Phys. Soc. Jpn., (1976), Vol. 41, No1, pp. 328-337.
- (3) H. Tokunaga and T. Tatsumi, Interaction of Plane Nonlinear Waves in a Compressible Fluid and Two-Dimensional Shock Turbulence, J. Phys. Soc. Jpn., (1975), Vol. 38, No.4, pp. 1167-1179.
- (4) 徳永、安井, 渦糸モデルによる非定常二次元せん断 乱流の数値解析, "日本機械学会論文集(B編), (1984), 50, 453, pp. 1247-1253.
- (5) H. Tokunaga, N. Satofuka and H. Miyagawa, Direct simulation of shear flow turbulence in a plane channel by sixth order accurate multi-grid Poisson solver, Lecture Notes in Physics 264, (1986), pp. 617-621, eds., F. G. Zhuang and Y. L. Zhu, Springer.
- (6) H. Tokunaga, K. Ichinose and N. Satofuka, Numerical simulation of transient turbulent flows by the vorticity-vector potential formulation, Computers & Fluids, (1991), 19, 3/4, pp. 413-420.
- (7) 巽、流体力学、培風舘、(1982)、pp. 53-56, pp. 187-194.

宇宙航空研究開発機構特別資料 JAXA-SP-07-016

- (8) J. H. Adlam, Computation of Two-Dimensional Time-Dependent Natural Convection in a Cavity Where There are Internal Bodies, Computers & Fluids, Vol. 14, No.2, (1986), pp. 141-157.
- (9) H. Tokunaga and K. Okuda, Large Eddy Simulation Using Complete Fourth Order Difference Method and Vorticity-Vector Potential Formulation in Generalized Coordinate, DNS/LES Progress and Challenges, Third AFOSR, Arlington, Texas, (2001), pp. 275-282, eds., C. Liu, L. Sakell and T. Beutner, Greyden Press.
- (10) 徳永、横方向リブレットを持つ壁面乱流のLES による数値解析と抵抗低減、日本航空宇宙学会論文集、
 (1999)、47、546、pp. 272-278.
- (11) H. Tokunaga, LES of Channel Flow with Transverse Riblet and Drag Reduction, AIAA Aerospace Sciences Meeting and Exbit, Reno, Nevada, (1999), pp. 1-10, AIAA Paper 99-0424. 2000, 66, 643, pp. 641-646.
- (12) H. Tokunaga and G. Funakoshi, Numerical Simulation of Unsteady Incompressible Flow along Multi-Element Aerofoil by Unstructured Grid Coupled with Finite Volume and Vorticity-Stream Function Method, Proc. 7th Int. Conf. Num. Grid Generation in Comp. Field Simulations, Whistler, Canada, (2004), pp. 943-952, CD-ROM, B. K. Soni, J. Hauser, J. F. Thompson, P. Eiseman, ISGG.
- (13) J. L. Guermond and L. Quartapelle, Calculation of Incompressible Viscous Flows by an Unconditionally Stable Projection FEM, J. Comp. Phys., (1977), No. 132, pp. 12-33.
- (14) 奥田、徳永,移動格子法と渦度・流れ関数法による 容積形ポンプ内流れの数値計算,日本機械学会論文 集(B編),(2002),68,670, pp. 1737-1744.
- (15) H. Tokunaga and K. Okuda, Moving Overset Grid Method on Numerical Simulation of Flow in Lobe Pump on Vorticity-Stream Function Formulation, Proc. 6th Int. Conf. Num. Grid Generation in Computational Field Simulations, Wikiki, Hawaii, (2002), pp. 793-802, eds., B. K. Soni, J. Chawner, P. R. Eiseman, J. Hauser, K. Nakahasi, J. F. Thompson and N. Weatherill, ISGG.
- (16) 岡田、徳永、里深, 渦度・流れ関数法と移動格子法 によるジヤーナル・ベアリング流れの動的解析, 日 本機械学会論文集(B編), (2000), 66, 643, pp. 641-646.
- (17) H. Tokunaga and T. Terai, A numerical method for incompressible flow with heat transfer and new type of periodic and irregular convective fluid motion along two bodies wihin vessel, IMACS Series in Computational and Applied Mathematics 7, (2003), pp. 141-150, eds., R. M. Spitaleri and F. Pistella, IMACS.

- (18) M. Van Dyke, An Album of Fluid Motion, (1982), The Parabolic Press, p. 122.
- (19) U. Grigull and W. Hauf, Proc. 3rd Int. Heat Transfer Conf. 2, (1966), pp. 182-195.
- (20) T. W. H. Sheu, S. F. Tsai, W. S. Hwang and T. M. Chang, A finite element study of the blood flow in total cavopulmonary connection, Computers & Fluids, (1999), 28, pp. 19-39.
- (21) H. Tokunaga and H. Nakae, Multi-Block Structured Grid for Numerical Simulations of Blood Flow in Total Cavopulmonary Connection, Proc. of 9th International Conference on Numerical Grid Generation in Computational Field Simulations, San Jose, CA, USA, (2005), pp. 1-11, eds., P. Papadopoulos, B. K. Sony, J. F. Thompson, J. Haeuser and P. Eiseman, ISGG.
- (22) D. Decourtye, M. Shen and M. Gad el Hak, Analysis of Viscous Micropumps and Microturbins, I. J. Comp. Fluid Dynm., (1998), 10, pp. 13-25.
- (23) H. Tokunaga, A. Fujiwara and M. Matsumoto, Numerical Simulation of Flow in Micro Pump by Vorticity-Stream Function and Vorticity-Vector Potential Method, Proc. of Transport Phenomena in Micro and Nanodevices, Kona, Hawaii, (2004), CD-ROM, pp. 1-11, eds., M. Gad-el-Hak, N. Kasagi, S. Hardt, ECI.
- (24) C. H. Ahn and M. G. Allen, Fluid Micropump Based on Rotary Magnetic Actuators, IEEE 8th Int. Workshop on MEMS, (1995), pp. 408-413.
- (25) H. Tokunaga and M. Matsumoto, DYNAMICAL SIMULATION OF FLOWS IN MICROPUMP ON SILICON WAFER, Second International Conference on Transport Phenomena in Micro and Nanodevices, Barga, Italy, (2006), CD-ROM, pp. 1-11, eds., Gad-el-Hak, N. Kasagi, S. HArdt, A. N. Jauho and T. Niimi, ECI.